等截面钉肋的熵产优化研究

(浙江大学热能工程研究所) 苏亚欣 骆仲泱 岑可法

程

[摘要] 从热力学熵产的角度出发,以熵产最小为目标,建 立了肋片的熵产分析理论模型,并对在强迫对流条件下的熵 产最小时的圆柱形钉肋进行了讨论。

关键词 肋片 熵产 不可逆 中图分类号 TK124

1 前言

肋片作为一种非常高效的强化传热技术,在世 界范围各相关专业已得到了大量的应用。肋片不仅 是作为二次传热面,扩大传热面积,并促进流体介质 扰动来强化换热,同时其增加的传热面积也会造成 相对增加的流动阻力。肋片的强化传热和流阻增加 将会相伴而生,在获得较大程度的传热收益的同时, 要付出工质压力降低或输运功率增加的代价,使得 工质的有用能减少或动力成本增加,这种现象在石 化工业中广泛使用的各种内肋管中尤为明显。有用 能的损失源于各种不可逆因素。肋片的强化传热和 增加流阻将会对流经肋片的流体造成相应的传热不 可逆和摩擦不可逆,它们对流体介质的各项指标(如 温度、压力等)产生影响。在许多已发表的肋片的优 化研究的论文中绝大多数都集中于其传热量最大或 材料最省方面^[1~3]。在能源问题日益尖锐的今天, 对换热器的设计已不仅仅限于提高传热效能,而且 已将减少不可逆损失提到重要地位,受到研究人员 的重视^[4]。本文从如何使这些不可逆损失最小为 出发点和研究对象,讨论肋片的优化设计。

2 肋片的熵产分析模型

由热力学知道,因不可逆损失的有用功与系统 的熵产成正比,并可表示为

 $W_{\rm lost} = T \Sigma g \tag{1}$

式中 T 为环境介质的绝对温度, S_g 为系统各部分的熵产。为了保存有用功, 换热器的设计应当尽可

能的减少熵产。



考虑如图 1 所示 的任意形状的肋片。 设来流流速为 $u \rightarrow$ 温度为 $T \rightarrow$ 由肋根 温度梯度引起的肋根 热流记为 q_0 ,肋根温 度记为 T_0 。由于流 体的冲刷,肋片将受

到流体的一个推力,同时肋根受壁面的一个反方向 的拉力,这两个力是平衡的。现取一个控制体,如图 1 中虚线所围部分。假设流体为相对肋片静止,而 肋片在一个拉力 F_D 的作用下以速度 u∞相对流体 运动。

在稳态时,由热力学第一、第二定律有
$$q_0 - q_{\infty} + F_{\mathrm{D}} u_{\infty} = 0$$
 (2)

$$S_{g} = \frac{q_{\infty}}{T_{\infty}} - \frac{q_{0}}{T_{0}} > 0 \tag{3}$$

式中 $q \sim 5$ 控制体与流体的其余部分所交换的热量, S_g 是与传热及流体流动有关的熵产。将式(2)带入式(3), 可得熵产的一般表达式如下

$$S_{g} = \frac{q_{0} \circ \theta_{0}}{T_{\infty}^{2} (1 + \frac{\theta_{0}}{T_{\infty}})} + \frac{F_{D} \circ u_{\infty}}{T_{\infty}}$$
(4)

式中 $\theta_0 = T_0 - T_{\infty}$,为肋根过余温度。式中右边第 一项为与传热相关的熵产,第二项为与流体摩擦相 关的熵产。对于自然对流传热,由流体摩擦不可逆 产生的熵产可忽略,只需考虑传热不可逆性引起的 熵产;对于强迫对流换热,传热不可逆和摩擦不可逆 对 S_g 来说是同等重要的。

当
$$\theta_0 \ll T_\infty$$
時, 武(4) 可简化为

$$S_{g} = \frac{q_0 \circ \theta_0}{T_\infty^2 (1 + \frac{\theta_0}{T_\infty})} + \frac{F_{D} \circ u_\infty}{T_\infty} \approx \frac{q_0 \circ \theta_0}{T_\infty^2} + \frac{F_{D} \circ u_\infty}{T_\infty}$$
(5)

对于氨液化器中的逆流换热器,一般可满足

收稿日期 1998-03-03 收修改稿 1998-03-30

^{?1994-2018} China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

 $\theta_0/T \ll 0.1$,可应用上式。文献[7]从式(5)出发对 几种肋片进行了研究。对于大温差情况下,如汽一 气换热器,则应从式(4)进行研究、设计。在本文中, 从式(4)开始,对钉肋进行讨论,并假定 $q_0, T \otimes u \otimes$ 及流体物性参数等均已知,且为常数。

3 最小熵产的等截面钉肋

对于圆柱形钉肋, 其肋根温度和热流量的关系 为^[5]

$$\theta_0 = \frac{q_0}{\frac{\pi}{4} d^2 k^\circ m^\circ \tanh(mb)} \tag{6}$$

式中 $m = \sqrt{\frac{4h}{k \circ d}}$, *d* 为圆柱形钉肋的直径, *k* 为其导 热系数, *h* 为对流换热系统, *b* 为肋高。式(6)代入 式(4), 得

$$S_{\rm g} = \frac{\frac{q_0^2}{\frac{\pi}{4}d^2 k^* m^* \tanh(mb)^* T^2_{\infty} + T^{\infty} \cdot q_0}}{\frac{q_0^2}{q_0^2}} + \frac{FD^* u^{\infty}}{T^{\infty}} = \frac{\frac{q_0^2}{q_0^2}}{\frac{q_0^2}{\frac{q_0^2}{2}}} + \frac{\frac{\pi}{2}T^2_{\infty} N u^{1/2} (k^* k_{\rm f})^{1/2} Re_{\rm d} \frac{v}{u_x} \tanh[2 N u^{1/2} (\frac{k}{k_{\rm f}})^{1/2} \frac{Re_{\rm b}}{Re_{\rm d}}] + T_{\infty} q_0}{\frac{\rho v^2 u^{\infty} Reb Red CD}{2 T^{\infty}}}$$
(7)

式中 $Nu = h \circ d / k_{\rm f}$, $Re_{\rm d} = u_{\infty} \circ d / v$, $Re_{\rm b} = u_{\infty} \circ b / v$, $C_{\rm D} = F_{\rm D} / (\frac{1}{2} \rho \circ u_{\infty}^2 b \circ d)$ 为阻力系数, k, $k_{\rm f}$ 分别为 肋片和流体的导热系数, ρ , v为流体的密度和粘度。

为综合考察因传热和摩擦引起的不可逆造成的 有用功的损失, Bejan^{[9}提出了熵产数的概念,并作 为一个衡量换热器性能的通用准则。熵产数越小, 则表示换热器的性能越好。对于肋片问题, Poulikakos^[7]将熵产数构造为如下形式

$$N_{\rm s} = S_{\rm g} / \left(\frac{q_0^2 \circ u_{\infty}}{k \circ v \circ T_{\infty}^2} \right)$$

将式(7)代入上式,整理后得

$$N_{\rm s} = \frac{(k/k_{\rm f})^{1/2}}{\frac{\pi}{2} N u^{1/2} R e_{\rm d} \tan h [2 N u^{1/2} (\frac{k_{\rm f}}{k})^{1/2} \frac{R e_{\rm b}}{R e_{\rm d}}] + \frac{q_0^{*} u_{\infty}}{T_{\infty} (k k_{\rm f})^{1/2} v} + \frac{1}{2} B^{*} C_{\rm D}^{*} R e_{\rm b}^{*} R e_{\rm d}}$$
(8)

式中 $B = \rho v^3 kT \sim q_0^2$,为给定的无因次参量,它可以表示流体的摩擦不可逆性与传热不可逆性的相对 重要性,当流体物性参数和肋根热流量给定时,B为已知的,Nu数和 C_D 可按下列经验公式计算^[8]

$$Nu = C_1 R e_{d^2}^C P r^{1/3}$$
 (9a)

$$C_D = C_3 R e_{\rm d^4}^C \tag{9b}$$

 C_1 、 C_2 、 C_3 、 C_4 是由 Nu 数和 C_D 的表达式定义的常数,分别为

1 < Red < 4, $C_1 = 0.998$, $C_2 = 0.33$, $C_3 = 10$, $C_4 = -0.6$;

 $4 < Re_d < 40, C_1 = 0.919, C_2 = 0.385, C_3 = 5.483, C_4 = -0.246;$

 $40 < Re_{d} < 4 \times 10^{3}$, $C_{1} = 0.683$, $C_{2} = 0.466$, $C_{3} = 5.484$, $C_{4} = -0.246$;

 $4 \times 10^3 < Re_d < 4 \times 10^4$, $C_1 = 0.$ 195, $C_2 = 0.$ 618, $C_3 = 1.$ 1, $C_4 = 0$;

 $4 \times 10^4 < Re_d < 2 \times 10^5$, $C_1 = 0.0268$, $C_2 = 0.805$, $C_3 = 1.1$, $C_4 = 0$; (9c)

 N_s 数受 Pr, Re_b , Re_d , B, k/kt5 个无因次参数 的影响, 其中 Re_b , Re_d 可以反映肋片的几何参数 b和d; Pr 数, B, k/kt 可以反映流体介质的参数。为 使 N_s 数最小, 一般是针对肋片几何参数 b 和d 来 进行设计。由于 N_s 数有一个精确的数学表达式, 故当对某个参数进行优化时, 即可对 N_s 数求偏导, 并令其为零。

令 $\partial N_{s}/\partial Re_{d}=0$ 可得最优的肋高 $b(\Pi Re_{b} \times k \pi)$,略去中间过程,最后结果为

$$Re_{\text{bopt}} = \frac{Re_{\text{d}}}{2Nu^{1/2}} \left(\frac{k}{k_{\text{f}}}\right)^{1/2} \sin h^{-1} \frac{A_1A_3 + \sqrt{A_1^2A_2^2 + A_2^2A_3^2 - A_2^4}}{A_1^2 - A_2^2}$$
(10)

式中 $A_1 = \frac{\pi}{2} N u^{1/2} R e_d$, $A_2 = q_0 \circ u_\infty / [T_\infty \circ (kk_f)^{V/2}]$ $\circ v$], $A_3 = \sqrt{2\pi N u / (BC_D R e_d)}$ 。

将式(10)代入式(8)即可得到最小的熵产数。 因为 q₀、u∞及流体物性等均已知,当 Red 已知时, 则立即可由式(8)与式(10)得到最小的熵产数,因 此,它具有工程上的重要意义。

图 2 为 $\theta_0 \ll T_\infty$ 时, 即由式(5)出发计算的最小 熵产数的变化情况。最小熵产数随 Re_d 的增加, 出 现一个极小值, 它表示在最优的肋高(Re_b)和最小 N_s 数时的最优钉肋直径。图 3~图5 为大温差时 的熵产数的变化特点。由图可以看到, 当 M 一定 时, 随着温差的增大($q_0/(T_\infty kd)$)的增大), 最优的 熵产数 N_s 的值稍微有所增大, 也就是说, 传热不可 逆损失增加, 而且, 对应的最优的肋片直径(N_s 的极 值点)是减小的。当 M 减小时, 对比图 4 和图 5 可 发现, N_s 值是减小的, 并且最优的肋片直径将增大。 这可以理解为,当流体介质的热扩散能力增强时,因 传热引起的不可逆损失有所减少。当流体摩擦增大 时,即参数 *B* 增大时,熵产数 *N*。明显地增加,对应 的最优的肋片直径明显减小,这是很容易理解的。 流体粘性较大时,应采用更细些的钉肋。



图 2 $M=100.0, q_0/(T_\infty kd)=0$ 时的 N_s 分布



图 3 $M=100.0, q_0/(T_\infty kd)=1.0$ 时的 N_s 分布



图 4 $M=100.0, q_0/(T \sim kd)=2.0$ 时的 N_s 分布







定义一个表示钉肋肋片几何结构的无因次参数, $\gamma = b/d$,为钉肋的细长比,用 γ 来表示熵产数 N_{s} ,可得

 $N_{\rm s} =$

 $\frac{2M}{\pi \sqrt{C_1} R e_d^{C_2/2+1} tan h[2 \sqrt{C_1} R e_d^{C_2/2} \gamma/M] + A_2} + \frac{1}{2} B^{\circ} \gamma^{\circ} C_3^{\circ} R e_d^{2-C_4}$ (11) 式中 $M = (k/k_f)^{V^2} / P r^{1/6}$,为无因次参数。 C_1, C_2, C_3, C_4 是由式(9C)给出。

N_s数随钉肋的细长比 γ 的变化特点如图 6~7 所示。从这两个图可以很明显地看到, 熵产数 N_s 随 Re_d 的增大有一个极小值。它再一次说明通过 选取恰当的 Re_d 是能够在保证传热要求的时候最 大可能地保存有用功。参数 M、B 对 N_s 数的影响 与前面的分析是一致的, 通常 M、B 减小时, N_s 数 和 Re_{dopt}都将减小。

当肋高固定,对直径进行优化时,因方程较为复 杂,很难得到解析解,必须进行数值计算,限于篇幅, 本文暂不讨论,拟待另文解决。

4 结论

催化裂化再生烟气能量回收系统的 经济优化

(华南理工大学) 陈清林 华 贲 王松平 尹清华

收利用对于降低整个装置的能耗、提高催化裂化技

程

[摘要] 应用能量系统的双子系统方法对烟气能量回收系统进行了 经济分析优化。在再生烟气物性参数一定的情况下,以系统内动力回收量与热量回收量的最佳分配而产生的最大回收经济效益为系统优化的目标,且根据一定的经济模型对有代表性的烟气能量回收系统进行了优化得到了系统最大效益下的最优设计操作参数。其优化结果对烟气能量回收系统的优化设计及操作有一定的指导作用。

关键词 催化裂化 经济学 系统优化 中图分类号 TK01

1 引言

催化裂化装置是炼油企业中重质油轻质化的一 个重要二次加工装置,也是能耗较高的工艺装置之 一。待生催化剂在再生烧焦过程中放出大量的热 量,一部分经再生催化剂带入反应器供给裂化反应 所需的反应热,转换为产品的化学能,另一部分由再 生器排出的高温烟气带出。再生烟气能量的有效回

术水平、减少环境污染都有着重大的现实意义。目前,催化裂化烟气的能量回收主要为动力及热能,催化剂再生器与烟机的联合相当于一个燃气轮机组,其目的主要是回收再生烟气中高价值的压。 本文将应用能量系统双子系统方法¹¹对烟气

本又将应用能重系统双于系统方法:对函气 能量回收系统进行了 经济分析、优化,以最大的回 收经济效益为优化目标,应用 经济学方法对某些 有代表性的能量回收方案进行分析优化,得出了在 一定的再生状况下,能量回收系统的优化设计参数, 为烟气能量回收系统的优化设计与操作提供理论指 导。

2 烟气能量回收系统介绍

催化过程中产生的大量焦炭, 若采用联产技术 完全可以使这些焦炭化学能的转换达到或接近燃机

收稿日期 1997-12-26 收修改稿 1998-03-20 *国家自然科学基金项目子课题 标准号 2937240 本文联系人 陈清林 男 1964年生 讲师 510641 广州华南理在大学化工所

换热的同时会引起较大的摩擦阻力损失,从而消耗 更多的有用功。本文建立了如何综合考察肋片引起 的换热收益和摩擦损失的一个研究理论模型,对肋 片结构尺寸的优化做了理论分析,以最大程度地减 少不可逆损失,保存有用功。

(2)本文所得到的公式和曲线图对于工业设计 计算具有一定的应用价值,本文使用的方法具有一 定的指导作用。对于其它形状的肋片可用同样的方 法进行研究。

参考文献

- 杨翔翔. 热特性参数可变时双曲线形截面环肋的最优尺寸. 工 程热物理学报, 1988, 9(1).
- 2 Razelos P and Satyaprakash B R Analysis and optimization of convective trapezoidal profile longitudinal fins. ASME Journal of Heat Transfer, 1993, 115: 461 ~ 463.

- 3 Yeh Rong-hua An analytical study of the optimum dimension of rectanglar fins and cylinderical pin fins. Int. J. of Heat Mass Transfer, 1997, 40(15), 3607 ~ 3615.
- 4 李大鹏 孙丰瑞.多背压凝汽器熵产生的优化.电站系统工程, 1997,13(5).
- 5 杨翔翔 苏亚欣. 延伸表面传热研究. 广州: 暨南大学出版社, 1997.
- 6 Bejan Adrian. General Criterion for rating heat-exchanger performance. Int J. Heat Mass Transfer. 1978, 21: 655~658.
- 7 Poulikakos D and Bejan A. Fin geometry for minmum entropy generation in forced convection. ASME Journal of Heat Transfer. 1982, 104: 616~623.
- 8 Gebhart B. Heat Transfer. McGraw-Hill New York. 1971.

作者简介 苏亚欣, 男, 1972 年生, 1997 年3 月毕业于国立 华侨大学机械系, 获硕士学位, 同年9月入浙江大学热能 工 程研究所攻读博士学位, 主要从事传热传质学、气固两相流 动与传热, 循环床燃烧等的学习与研究,已出版专著一本, 论 文 3 篇。通讯处: 310027 杭州浙江大学热能工程研究所

?1994-2018 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

WR-21--新一代的船用燃气轮机=WR-21---A New Generation of Marine Gas Turbines[刊,中]/Wen Xueyou, et al (Harbin No. 703 Research Institute)//Journal of Engineering for Thermal Energy & Power.- 1999, 14(1).-1~6

W R-21 pertains to a new generation of marine gas turbines of the twenty first century. The adoption of intercooling and regeneration technology enables WR-1 to have an outstanding off-design performance. This paper gives a comprehensive description of the WR-21 research and development history, engine performance as well as the design and maintenance features of its main components. **Key words:** IC R gas turbine, marine gas turbine, gas turbine

具有热阻、热漏和内不可逆性的联合热机性能=The Performance of a Combined Heat Engine Featuring Heat Resistance, Heat Leak and Internal Irreversibility[刊,中]/Chen Lingen, Sun Fengrui, Ni Ning(Naval Engineering Institute)//Journal of Engineering for Thermal Energy & Power. - 1999, 14(1). - 7~9

A steady flow combined heat engine cycle model involving heat resistance, heat leakage and internal irreversibility was set up and the performance optimization of the model studied. Derived are the optimization relation between power output and efficiency, the variation of maximum power output with its corresponding efficiency, as well as the variation of maximum efficiency with its corresponding power output. **Key words:** combined cycle, heat engine, optimization

从发电煤耗看热电冷联供系统的热经济性= Thermodynamic Economic Analysis of Heating, Electricity and Refrigeration Triple-generation System from the Viewpoint of a Gross Coal Consumption Rate[刊,中]/Fu Lin, Jiang Yi(Qinghua University) //Journal of Engineering for Thermal Energy & Power. - 1999, 14(1). - 10 ~ 13

The conception of gross coal consumption rate (GCCR) of heating, electricity and refrigeration triple—generation (HERT)system is first introduced. Then, from the viewpoint of the system as a whole, a thermodynamic economic analysis is given of the HECT system. **Key words**: gross coal consumption rate, heating/electricity/refrigeration triple-generation system, thermodynamic economy

进口轴向叶片旋流器管内阻力和换热的研究=A Study of the In-tube Resistance and Heat Exchange of an Inlet Axial Vane Swirler[刊,中]/Wu Huiying, Cheng Huier, et al (Shanghai Jiaotong University) //Journal of Engineering for Thermal Energy & Power.-1999, 14(1).-14~16

An experimental study is conducted of the in-tube friction and heat exchange characteristics of an inlet axial vane swirler. By analyzing the influence of in-tube *Re* number, test-section length-to-diameter ratio and swirler construction parameter on the in-tube resistance and heat exchange obtained is the in-tube resistance and heat exchange criterion correlation. In addition, a quantitative analysis is performed of the thermodynamic performance of the swirler intensified in-tube heat exchange. **Key words:** inlet axial vane swirler, in-tube intensified heat transfer, thermodynamic performance

等截面钉肋的熵产优化研究= The Entropy Generation Optimization Study of Cylindrical Fins[刊,中]/Su Ya-

xin, Luo Zhongyang, Cen Kefa(Zhejiang University) //Journal of Engineering for Thermal Energy & Power. – 1999, $14(1) - 17 \sim 19$

Based on the entropy generation concept of thermodynamis, the authors has with a minimum entropy generation serving as an end objective set up a theoretical model for the analysis of entropy generation of fins. Moreover, a