新能源动力技术

文章编号:1001-2060(2007)01-0096-05

基于元体能量平衡法的垂直U型埋管换热特性的研究

杨卫波, 施明恒 (东南大学能源与环境学院, 江苏南京 210096)

摘要:基于元体能量平衡法建立了垂直U型埋管的传热 模型,模型考虑了流体温度的沿程变化,并通过引入热干扰 角与等效传热间距反映两管脚间的热干扰问题,使之更符合 实际的传热情况。通过所建模型对U型埋管的换热特性进 行了数值模拟,结果表明:增加土壤与回填物导热系数、管脚 间距、管内流体流量及减小管脚热干扰角与进口流体温度 (供热工况下)均可以增强埋管的换热效果,其中土壤导热性 影响最为显著。但回填物导热系数不可无限制增大,其大小 还要考虑对增强管脚间热干扰的影响及其与管脚间距的相 互关联性。同时,流量的增加要考虑对流动阻力增加的限 制,可以采用变流量设计来进行调节与优化。此外,为了充 分发挥地源热泵的能效,实际设计应该考虑埋管、热泵及负 荷三者间的相互匹配性。

关键 词: 垂直 U 型埋管; 元体能量平衡; 换热特性; 地源 热泵; 数值模拟

中图分类号: TK124 文献标识码: A

引 言

地源热泵(GSHP)因其良好的节能性、运行的经 济性及环保性等优点而得到推广与应用,而地源热 泵研究的核心课题之一就是要解决埋管换热器与周 围土壤间的换热问题。在地热换热器的诸多布置形 式中,垂直 U 型埋管因较水平埋管有较多优点而得 到广泛应用。

目前,有很多的模型可用于预测U型埋管在土 壤中的传热过程,按模型的建立方式,可分为分析解 模型与数值解模型^{[1~9};从模拟的时间角度来考虑, 有瞬态与稳态模拟之分。由于建筑负荷的动态变化 及其导致埋管在土壤中取放热量的改变与土壤温度 场的动态变化,埋管在土壤中的换热是一典型的非 稳态传热过程。但对于某一时刻的微小时间段而 言,可针对埋管深度方向的微元体,利用能量平衡原 理来分析埋管在土壤中的传热过程,并进而可定量 或定性分析不同参数对埋管换热特性的影响规律。 1 U型埋管传热分析

U型埋管在土壤中的传热是一比较复杂的过程,为便于模型的求解,结合U型管的实际传热情况,有必要作如下一些简化处理:

(1) 忽略埋管与回灌材料及回灌材料与孔洞壁 间的接触热阻;

(2) U型埋管内流体的流速均匀一致;

(3)回填物、土壤及管内流体的热特性参数恒 定;

(4) 土壤原始温度在径向方向上恒定, 仅在深度方向上变化;

(5)任意截面管内流体温度均匀恒定,仅沿深 度方向变化;

(6) 忽略轴向(深度)方向上热传递影响,认为 U型管仅在半径方向上发生热交换;

(7) 忽略热湿迁移的影响, 认为土壤中的传热 为纯导热问题。



图1 U型埋管传热网络图

基于以上假设(见图1),对于埋管深度方向上 z 深度处的一微元体 dz,根据能量平衡可得到如下控 制方程组:

基金项目:国家自然科学基金资助项目(50276013)

作者简介:杨羽鸿(Unfina) 思潮也容陆入。东南木学博志研究中ublishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

收稿日期: 2006-03-20; 修订日期: 2006-06-07

$$\begin{pmatrix} M \frac{\mathrm{d} T_{f1}}{\mathrm{d} z} = q_1 + q_{12} = K_{ps}(T_s - T_{f1}) + K_{pp}(T_{f2} - T_{f1}) \\ -M \frac{\mathrm{d} T_{f2}}{\mathrm{d} z} = q_2 - q_{12} = K_{ps}(T_s - T_{f2}) - K_{pp}(T_{f2} - T_{f1})$$

$$(1)$$

式中: M一循环流体热容量, $\mathbb{W}/^{\mathbb{C}}$, $M = c_{in}$, 其中 c_p 一流体的定压比热, J/(kg ° °C), m —U 型管内循环 流体的质量流量, \lg/s ; T_{f1} 、 T_{f2} 一深度 z 处 U 型管进 出管脚截面内流体温度, C, T_s — 深度 z 处的远边界 土壤温度, $^{\circ}$, $T_s = T_0 + B_z$, 其中 T_0 一地表面平均温 度, B 一地温递增系数, [°]C_m, $B = q_{geo} / \lambda_s^{[7]}$, 其中 q_{geo} 一自下而上的地热流, W/m^2 , λ_s 一土壤导热系数, W/(m°℃); K_{ps}, K_{pp}—U 型管脚与远边界土壤及邻近 管脚间的等效传热系数, $W/(m^{\circ}^{\circ})$, $K_{ps} = f_{ps}/R_1, K_{pp}$ $= f_{pp}/R_{12}$,其中 f_{ps} 、 f_{pp} —U 型埋管管脚与周围土壤及 两管脚之间的有效传热面积(弧长),m,具体见热阻分 析部分: R_1 , R_2 —U 型管脚外表面积为基准的两支管 脚内流体至远边界土壤间的传热热阻,(m²°℃)/W. 当 U 型管对称布置时有 $R_1 = R_2$; $R_{12} = U$ 型管脚外表 面积为基准的两管脚内流体间的等效传热热阻 (m^2) • °C)/W. $\Leftrightarrow a_1 = (K_{ps} + K_{pp})/M, a_2 = K_{pp}/M, \theta_1 = T_s$ $-T_{f_1}, \theta_2 = T_s - T_{f_2},$ 式(1)可化简为:

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}\theta_1}{\mathrm{d}z} = a_2 \theta_2 - a_1 \theta_1 + B \\ \frac{\mathrm{d}\theta_2}{\mathrm{d}z} = a_1 \theta_2 - a_2 \theta_1 + B \end{cases}$$
(2)

对上述方程组进行线性变换,采用求解常微分 方程组的方法可得解为:

$$\theta_{1}(z) = C_{1} \frac{a_{1} - \sqrt{a_{1}^{2} - a_{2}^{2}}}{a_{2}} e^{(\sqrt{a_{1}^{2} - a_{2}^{2}})z} + C_{2} \frac{a_{1} + \sqrt{a_{1}^{2} - a_{2}^{2}}}{a_{2}} e^{(-\sqrt{a_{1}^{2} - a_{2}^{2}})z} + \frac{B}{a_{1} + a_{2}}$$
$$\theta_{2}(z) = C_{1} e^{(\sqrt{a_{1}^{2} - a_{2}^{2}})z} + C_{2} e^{(-\sqrt{a_{1}^{2} - a_{2}^{2}})z} - \frac{B}{a_{1} + a_{2}}$$
(3)

式中待定常数 C_1 、 C_2 由定解条件 $\theta_1|_{z=0} = \theta_1(0) = T_0 - T_{fin}$ 与 $\theta_1(H) = \theta_2(H)$ 可得:

$$\begin{cases} C_{1} = \frac{a_{2}A_{6}\theta_{1}(0) - a_{2}B}{A_{1}A_{6}} - \\ \frac{A_{2}A_{3}A_{5}^{2}a_{2}B - 2a_{2}A_{1}A_{2}A_{5}B - A_{2}A_{3}A_{5}^{2}A_{6}a_{2}\theta_{1}(0)}{A_{1}^{2}A_{4}A_{6} - A_{1}A_{2}A_{3}A_{5}^{2}A_{6}} (4) \\ C_{2} = \frac{A_{3}A_{5}^{2}a_{2}B - 2a_{2}A_{1}A_{5}B - A_{3}A_{5}^{2}A_{6}a_{2}\theta_{1}(0)}{A_{1}A_{4}A_{6} - A_{2}A_{3}A_{5}^{2}A_{6}} \end{cases}$$

 $a_1 - a_2 - \sqrt{a_1^2 - a_2^2}, A_4 = a_1 - a_2 + \sqrt{a_1^2 - a_2^2}, A_5 = e^{(\sqrt{a_1^2 - a_2^2})H}, A_6 = a_1 + a_2, H$ 为钻孔深度, m。由此可得进出管脚流体沿程温度分布:

$$\left| \begin{array}{c} T_{f1}(z) = T_0 + Bz - \theta_1(z) \\ T_{f2}(z) = T_0 + Bz - \theta_2(z) \end{array} \right|$$
(5)

埋管出口温度及单位埋管吸热量分别为:

$$T_{fout} = T_0 + B_z - \theta_2(0)$$
 (6)

$$q_l = Q/2H = M(T_{fout} - T_{fin})/2H$$
(7)

其中: T_{fin} 、 T_{fait} —U 型埋管的进、出口流体温度。 $^{\circ}$, Q— 埋管的吸热量, W; q_l —单位埋管长度吸热量, W/m。

2 热阻分析

2.1 U型管两管脚热干扰传热热阻



图 2 管脚间热干扰说明

实际运行过程中,U 型管两支管脚常常工作于 不同的流体温度下,因此,两管脚间不可避免地会发 生热干扰(又称为热短路)^[8],这在一定程度上直接 影响整个埋管系统的吸(放)热能力,从而导致埋管 设计长度的变化,因此在进行建模时必须考虑其影 响程度,而不宜采用当量直径法来简化处理^[29]。 参考文献[10]给出的 Hopkins 热短路模型思想,将两 管脚间的热干扰问题转化为两管脚间的有效干扰传 热面积(弧长)与等效传热间距问题,则根据傅立叶 导热定律即可导出两管脚间的传热量。其热干扰说 明见图 2,图中角度 ϕ 所对应的弧长 f_{pp} 即为两管脚 间的有效传热面积 (f_{ps} 则为管脚与土壤间的有效传 热面积),由几何关系可得:

 $f_{pp} = \phi_{r_p} \tag{8}$

式中: $r_p - U$ 型管半径, m; ϕ —两管脚间的热干扰角 (°), 其值取决于不同的埋管结构与热特性参数; 参 照图 2, 两管脚间的等效传热间距 D_e 可表示为:

$$D_e = (d_1 + d_e)/2 \tag{9}$$

其中: d1 根据几何关系有:

$$U_1 = 2(r_p - d_2) + d_e$$
 (10)

其中. $A_1 = a_1 - \sqrt{a_1^2 - a_2^2}, A_2 = a_1 + \sqrt{a_1^2 - a_2^2}, A_3 =$ 式中: $d_2 = r_p \cos(\phi/2), d_e$ 一考虑 U 型管壁厚的两管 ?!994-2018 Clina Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

脚间的当量间距, m, 根据文献[10], 其表达式为: $d_e=2 \delta_{e}/\lambda_{p}+D$ (11)

式中: $\delta - U$ 型管壁厚, m; λ_g 、 λ_p 一回填物与埋管的 导热系数, W/(m[°]C); D一两管脚(实际)间距, m。

根据傅立叶导热定律,两管脚流体间的干扰传 热量 q₁₂为:

$$q_{12} = f_{pp} \frac{T_{f2} - T_{f1}}{R_{12}} \tag{12}$$

式中: R_{12} 一两管脚流体间的等效传热热阻, $(m^2 \circ C)/W$, 可表示为:

$$R_{12} = \frac{2d_{po}}{h_w d_{pi}} + \frac{D_e}{\lambda_g} \tag{13}$$

其中: d_{pi} 、 d_{po} —U 型管的内外直径, m; h_w —管内流体与管壁间的对流换热系数, W/(m² ° °C), 可采用式 (14) ~式(15)的 Dittus-Boelter 法来确定:

$$h_w = \frac{N u \lambda_f}{d_{vi}} \tag{14}$$

 $Nu = 0.023 Re^{0.8} Pr^n$ (15)

其中:指数 *n* 对于供热与制冷工况分别为 0.3 与 0.4; λ_{y} 一载热流体的导热系数, W/(m[°][°]C)。

2.2 U型管脚与远边界土壤间的传热热阻

在忽略各接触面的接触热阻时,U型埋管单支 管脚内流体与远边界土壤间的换热可以分为4个部 分,即管内的对流换热、U型管壁的导热、钻孔内回 填物的导热及钻孔壁与远边界土壤间的传热。4部 分分别对应着4个热阻,这些热阻径向串联组成U 型埋管与远边界土壤间的传热热阻,于是有:

$$R_1 = R_f + R_p + R_g + \pi d_{po} R_s \tag{16}$$

式中: R_f 一以管外表面积为基准的对流换热热阻, $(m^2 \circ \mathbb{C})/W$:

$$R_{f} = \frac{d_{P_{0}}}{h_{u}d_{p_{i}}} \tag{17}$$

其中: h_w 计算采用式(14) ~式(15), R_p 一以管脚外表面积为基准的单位面积管壁导热热阻, $(m^2 \circ C)/W$:

$$R_{p} = \frac{d_{p_{0}}}{2\lambda_{p}} \ln\left(d_{p_{0}}/d_{p_{1}}\right)$$
(18)

 R_g 以管外表面积为基准的 U 型管支管外壁至孔洞壁 间回填物的传热热阻, $(m^{2} \circ C)/W$, 参照文献[11] 有:

$$R_{g} = \frac{d_{po}}{2\lambda_{g}} \left[\ln \left(d_{b} / d_{po} \right) + \frac{\lambda_{g} - \lambda_{s}}{\lambda_{g} + \lambda_{s}} \ln \left(\frac{d_{b}^{2}}{d_{b}^{2} - D^{2}} \right) \right]$$
(19)

其中: λ_s, λ_s 一回填物与土壤的导热系数, W/(m ° $^{\circ}$ C); d_b 一孔洞直径, m; R_s 一钻孔壁至远边界间的 土壤热阻, (m°C)/W, 可用 ICSHPA 模型来计算[12] - P;

$$R_s = I(X_{r_b})/2\pi\lambda_s \tag{20}$$

其中: $I(X_{r_b})$ 一指数函数积分, $I(X_{r_b}) = \int_{X_{r_b}}^{\infty} \frac{e^{-x^2}}{x} dx$, $X_{r_b} = \frac{r_b}{2\sqrt{a_s\tau}}$; r_b 一钻孔半径, m; a_s 一土壤的导温系 数, m²/s; λ_s 一土壤导热系数, W/(m°°°); τ 一运行时 间, s.

式(1)~式(20)便构成了整个 U 型埋管与土壤间的传热模型。

3 垂直 U 型埋管换热特性的数值模拟

参照实际传热情况, 用上述所建模型对 U 型埋 管的换热特性进行了数 值模拟, 模拟条件为: $\lambda_s = 2.4 \text{ W/ (m ° °C)}, \lambda_g = 2.6 \text{ W/ (m ° °C)}, \lambda_p = 0.48 \text{ W/ (m ° °C)}, \lambda_f = 0.48 \text{ W/ (m ° °C)}, \lambda_f = 1.052 \text{ kg/m}^3, \ell_s = 3$ 197 kg/m³, $c_p = 3.8 \text{ kJ/ (kg ° °C)}, d_{pi} = 0.032 \text{ m}, d_{po} = 0.04 \text{ m}, d_b = 0.11 \text{ m}, D = 0.025 \text{ m}, H = 50 \text{ m}, B = 0.15 °C/m, \phi = \pi/3, T_{fin} = 4 °C, T_0 = 12.25 °C, m = 0.3 \text{ kg/s}, 计算结果见图 3~图 10.$



图 3 不同回填物导热系数下管内水温沿程分布



3.1 回填物与土壤导热性的影响

分析图 3~图 4 可以看出, 增加 λ_g 有利于增强埋 管的换热强度, 其埋管出口温度及单位埋管吸热量均 会增大。但当 λ_g 值增加到一定程度时, q_l 几乎不再 增加。如图 4 所示, 在 λ_s 一定时, q_l 先随 λ_g 增加而 增大, 但当 λ_g 大于 8 W/(m[°]C)时几乎保持恒定。这 说明 λ_g 没有必要无限制增大, 同时其增加还会导致 U 型管脚间热干扰的增大。从图 4 还可进一步看出, 相对于回填物而言, 土壤导热系数对埋管换热特性的 影响更为显著, 因此不同地区地质状况对地源热泵地 下埋管的吸(放)热特性起决定性作用。



图5 不同管脚间距下管内水温沿程分布



图6 不同回填物导热系数下 q1 随管脚间距的变化

3.2 管脚间距的影响

从图 5~图 6 可以看出,管脚间距的增加有利 于增大 ql,这主要是因管脚间距的加大有助于减小 两管脚间热短路的影响。但考虑到盲目增大管脚间 距会因孔径加大而增加钻孔费用及回填物的量,同 时间距加大所换来埋管吸热量的增加也比较缓慢 (见图 6)。因此,对间距大小有一定的限制。通常 的做法是在既定孔径的孔洞中插入 U 型管后,先采 用专用支撑弹簧来使管距维持在较大位置,然后进 行回填。进一步分析图 6 还可以发现,在 D 一定 时, q_l 随 λ_g 的增加而增大,但增加幅度越来越小,这 进一步说明上述的情况对 λ_g 增加有一定限制的结 论。从以上分析中可进一步推出 λ_g 与D 具有相互 关联性,即在满足同一换热能力时, λ_g 的增加可以 减小相应D,而D 的加大也可以减小 λ_g 值。



图 7 不同流量下管内水温沿程分布



图8 单位管长吸热量与埋管出口温度随流量的变化

3.3 管内循环流体流量的影响

分析图 7 可以看出,随着 m 的增加,其进出管脚沿程流体温度与埋管出口温度均下降,但 qi 没有降低。如图 8 所示, Tfout随 m 的增加而降低, qi 随m的增加而增大。这主要是因流量的增加一方面导致埋管进出口温差的减小,另一方面也因进出管脚内流体平均温度的降低而加大与远边界土壤间的温差,使换热得到加强。同时流量的增加也会强化管

内对流换热的效果。进一步分析图 8 还可以发现, 随 m 的增加, q_l 增加幅度变小。这意味着流量的大 小可以进行优化,其优化的依据是在保证管路流动 阻力较小时,单位埋管换热量较大,可以考虑采用变 流量调节设计,以达到优化目的。



图 9 不同管脚热干扰角度下管内水温沿程分布



图 10 不同进口流体温度下 q1 随钻 孔深度的变化

3.4 管脚热干扰角与进口流体温度的影响

从图 9 可以看出,减小热干扰角有助于加强埋 管的吸热能力。分析图 10 可以明显看出,进口流体 温度对埋管吸热能力有着重要的影响。这主要是进 口流体温度的增加减小了管内流体与远边界土壤间 的温差,从而削弱了传热。从分析中也可以间接看 出,土壤温度对埋管换热大小有着很大影响。进一 步分析还可推出,ql 与室内热负荷大小有着密切关 系,即在热负荷大、热泵冷凝器侧热量得到充分释放 时,冷凝器进口温度降低,从而蒸发器侧才能充分吸 收埋管侧的吸热量,以降低埋管进口流体温度,增强 埋管在土壤中的吸热能力。这说明埋管吸热能力、 热泵供热性能及室内热负荷是相互耦合的,要充分 发挥地源热泵能力,就必须在设计时考虑三者间的 相互匹配性,以使其运行在最佳状况下。进一步分析图 10 还可以发现,钻孔太深可导致 q_l 降低,同时造价也会偏高,因此,埋深一般根据具体情况可控制在 40~100 m。

4 结 语

垂直 U 型埋管在土壤中的换热是一个比较复 杂的过程,本文基于元体能量平衡原理建立了垂直 U 型埋管的传热模型,模型考虑了管内流体温度的 沿程变化,并通过引入管脚热干扰角与等效传热间 距来反映两管脚间的热干扰,以区别于当量直径法。 利用该模型可模拟不同进口温度下、不同参数对埋 管换热的影响规律。通过所建模型对垂直 U 型埋 管换热特性的模拟,得出了各重要特性参数的变化 对 U 型埋管换热特性的影响规律,可为地源热泵地 下埋管换热器的实际设计提供参考。

参考文献:

- INGERSOLL L R. ZOBELL O J. INGERSOLL A C. Heat conduction with engineering geological and other applications [M]. New York: M.G. raw-Hill, 1954.
- [2] DEERMAN J D, KAVANAUGH S P. Simulation of vertical U-tube ground-coupled heat pump systems using the cylindrical heat source solution[J]. ASHRAE Transactions. 1991, 97(1): 287-294.
- [3] ESKIISON P. Thermal analysis of heat extraction boreholes[D]. Sweden: University of Lund, 1987.
- [4] ROTIMA YER S P, BECKMAN W A, MITCHELL J W. Simulation of a single vertical U-tube ground heat exchanger in an infinite medium
 [J] .ASHRAE Transactions, 1997, 103(2): 651-659.
- [5] YAVUZTURK C, SPITLER J D. A short time step response factor model for verti cal ground bop heat exchangers[J]. ASHRAE Transactions, 1999, 105(2):475-485.
- [6] YAVUZTURK C, SPITLER J D, REE S J. A transient two-dimensional finite volume model for the simulation of vertical U-tube ground heat exchangers[J]. ASHRAE Transactions, 1999, 105(2): 465–474.
- [7] ESKILSON P, CLAESSON J. Simulation model for thermally interacting heat extraction borehole[J]. Numerical Heat Transfer, 1988, 13(2): 149–165.
- [8] MURAYA N K, NEAL D O, HEFFINGTON W M. Themal interference of adjacent legs in a vertical U-tube heat exchanger for ground-coupled heat pump[J]. ASHRAE Transactions, 1996, 102(2): 12-21.
- [9] GU YIAN, DENNI L O' NEAL. Development of an equivalent diameter expression for vertical U-tubes used in ground-coupled heat pumps[J]. ASHRAE Transactions, 1998 104(2): 347-355.
- [10] LEI T K. Development of a computational model for a ground—coupled heat exchange[J]. ASHRAE Transactions, 1993, 99(1): 149–159.
- [11] 曾和义,方肇洪.U型管地热换热器中介质轴向温度的数学模型[J].山东建筑工程学院学报,2002,17(1);7-11.
- [12] CANE R L D, FORGAS D A. Modeling of ground source heat pump performance[J]. ASHRAE Transactions, 1991, 97(1): 909-925.

发挥地源热泵能力,就必须在设计时考虑三者间的

is the impact of network initial parameters on its performance. Key wrods: neural network, minimum resource allocation network, modeling, thermodynamic process

基于元体能量平衡法的垂直U型埋管换热特性的研究=A Study of Heat Exchange Characteristics of Vertical U-shaped Embedded Tubes Based on an Element Energy Balance Method [刊,汉] / YANG Wei-bo, SHI Ming-heng (Department of Power Engineering, Southeast University, Nanjing, China, Post Code: 210096)// Journal of Engineering for Thermal Energy & Power. - 2007, 22 (1). - 96~100

Based on a method of element energy balance, established was a heat exchange model for vertical U-shaped embedded tubes. The model has taken account of the liquid temperature change along their flow path. The thermal interference problem between two tube feet has been reflected through the introduction of a thermal interference angle and an equivalent heat-transfer spacing, making the model more in compliance with the actual heat transfer conditions. Based on the model, a numerical simulation was conducted of the heat exchange characteristics of the U-shaped embedded tubes. The simulation results show that an increase in the heat conduction coefficient of soil and backfill substance, spacing between the tube feet and in-tube fluid flow rate and a decrease in the thermal interference angle of the tube feet and inlet fluid temperature under heat supply conditions can all lead to a better heat exchange effectiveness of the embedded tubes. Among the above factors, the heat conduction coefficient of the soil exercises a most conspicuous influence but that of the backfill substance shall not be increased unrestrictedly. Its magnitude has to take into account the influence of the increased thermal interference between the tube feet and its correlation with the tube feet spacing. In the meantime, concerning an increase in the flow rate, a restriction in flow resistance increase must be taken into consideration. A variable flow rate design method can be used for relevant adjustment and optimization. In addition, to give full play to the efficacy of geothermal source heat pumps (GSHP), one should during actual design pay attention to mutual matching of the characteristics of three factors: i.e. embedded tubes, heat pumps and loads. Key wrods: vertical U-shaped embedded tube, element energy balance, heat exchange characteristics, geothermal source heat pump (GSHP), numerical simulation

气固钙基脱硫反应的钙平衡分析方法= An Analytic Method Featuring Calcium Balance during a Gas-solid Calcium based Desulfuration Reaction [刊,汉] / FAN Bao-guo, XIAO Yun-han, TIAN Wen-dong (Engineering Thermophysics Research Institute under the Chinese Academy of Sciences, Beijing, China, Post Code: 100080), QI Hai-ying (Thermal Energy Engineering Research Institute under the Tsinghua University, Beijing, China, Post Code: 100084)// Journal of Engineering for Thermal Energy & Power. - 2007, 22 (1). - 101~104

Based on the total mass conservation principle of calcium element in a desulfurization agent before and after a reaction, the authors have proposed a novel method for analyzing a calcium-based gas-solid desulfurization reaction-calcium balance method. Compared with the method for analyzing the desulfurization process purely from the gas-phase side, the calcium balance method can determine not only the efficiency of the desulfurization system and the utilization rate of the desulfurization agent but also the type of products. Moreover, the difference in the recycling value of the desulfurization products at different locations can also be identified. The results of an analysis of bed materials under specific operating conditions for the calcium-based medium-temperature desulfurization process on a circulating fluidized bed (CFB) show that the desulfurization products mainly consist of calcium sulfate, and calcium sulfite accounts for a very small proportion with a concurrent generation of a certain amount of calcium carbonate. The transformation rate of the desulfurization agent is consistent with the conversion-based transformation rate of values measured at the gas-phase side. **Key wrods:** calcium balance method, calcium-based desulfurization agent, CFB medium-temperature desulfurization